

Zahlenmengen

Menge \mathbb{N} der **natürlichen Zahlen**

$3 \in \mathbb{N}$ „3 ist Element von \mathbb{N} “
 $0 \notin \mathbb{N}$ „0 ist kein Element von \mathbb{N} “

$$\mathbb{N} = \{1, 2, 3, 4, 5, \dots\}$$

$$\mathbb{N}_0 = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, \dots\}$$

Menge \mathbb{Z} der **ganzen Zahlen**

$$\mathbb{Z} = \{ \dots, -3, -2, -1, 0, 1, 2, 3, \dots \}$$

Eine **Primzahl** hat genau 2 verschiedene Teiler, 1 und sich selbst:

Primfaktorenzerlegung: Jede natürliche Zahl lässt sich eindeutig in ein Produkt aus Primzahlen zerlegen

Alle Primzahlen bis 100 lauten:
 2, 3, 5, 7, 11, 13, 17, 19, 23, 29, 31, 37,
 41, 43, 47, 53, 59, 61, 67, 71, 73, 79,
 83, 89, 97

$$126 = 2 \cdot 3 \cdot 3 \cdot 7 = 2 \cdot 3^2 \cdot 7$$

Teilbarkeitsregeln:

- Eine Zahl ist durch 2 teilbar, wenn sie gerade ist.
- Eine Zahl ist durch 3 teilbar, wenn ihre Quersumme durch 3 teilbar ist.
- Eine Zahl ist durch 4 teilbar, wenn die beiden letzten Ziffern eine Zahl bilden, die durch 4 teilbar ist.
- Eine Zahl ist durch 8 teilbar, wenn die drei letzten Ziffern eine Zahl bilden, die durch 8 teilbar ist.
- Eine Zahl ist durch 9 teilbar, wenn ihre Quersumme durch 9 teilbar ist.

3 teilt nicht 791, da die Quersumme 17 nicht durch 3 teilbar ist.

9 teilt 19503, da die Quersumme 18 durch 9 teilbar ist.

Potenzschreibweise

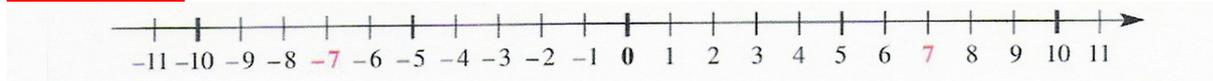
Potenz = Basis^{Exponent}

$$3^4 = 3 \cdot 3 \cdot 3 \cdot 3 = 81$$

Quadratzahlen:
 $2^2 = 4$; $3^2 = 9$; $4^2 = 16$; 25; 36; 49; 64;
 81; 100; 121; 144; ...

Zehnerpotenzen:
 $10^1 = 10$; $10^2 = 100$; $10^3 = 1000$;
 $10^4 = 10000$; $10^5 = 100000$; ...

Zahlenstrahl:



$-3 < 2$: die auf dem Zahlenstrahl weiter links liegende Zahl ist die kleinere

Stellenwerttafel des Zehnersystems

B	HMd	ZMd	Md	HM	ZM	M	HT	ZT	T	H	Z	E
	8	0	5	7	9	6	0	6	4	9	7	2

Die Zahl lautet: Achthundertfünf Milliarden siebenhundertsechundneunzig Millionen vierundsechzigtausendneunhundertzweiundsiebzig